

ВОЛЬТЕРРАНЫН БИРИНЧИ ТИПТЕГИ ИНТЕГРАЛДЫК ТЕНДЕМЕСИННИН ЧЕЧИМДЕРИН РЕГУЛЯРИЗАЦИЯЛОО ПАРАМЕТРИН ТАНДОО

Авыт Асанов, ф.-м.и.д., КТУ нун проф.,

Бишкек ш., avyt.asanov@manas.edu.rg

Чоюбеков Сапарбек Мийзамбекович, ОшМУнун ага окут., choybekov.25.04.70@gmail.com, Ош ш.,

Аннотация: Карапып жаткан жумушта Вольтерра биринчи типтеги сзыкттуу интегралдык теңдемесин чечими учун регуляризациялоо параметри тандалган.

Көптөгөн эмгектерде интегралдык теңдемелер учун ар кандай маселелер изилденген.

Вольтерра биринчи типтеги теңдемеси так чыгышка ээ болгон предели боюнча интегралдануучу интегралдык теңдеме болгондо да, сзыкттуу жана бул алардын чечимдеринин жалгыздыгы учун жаңы ыкмаларды иштеп чыгуу зарылчылыгы менен шартталган. 1-түрдөгү Вольтерра теңдемеси так натыйжасы бар интегралдык теңдеме болгондо да, классикалык эмес, предел боюнча интегралдануучу теңдемелер сзыкттуу болот. Бул классикалык эмес теңдемелердин чечимдеринин уникалдуулугунун жаңы ыкмаларын иштеп чыгуу зарылчылыгы менен шартталган. Бирок бул эмгекте Вольтерранын биринчи типтеги интегралдык теңдемелери учун белгилүү натыйжалар алынган, анда Вольтерранын сзыкттуу интегралдык теңдемелерин чечүү учун М.М. Лаврентьев боюнча регуляризациялоочу операторлор курулган.

Ачыкчى сөздөр: өсүү, узгүлтүксүз, шарттар, өзгөрмөлөр, Дирихле, Гроноулла, интеграл, теңдеме, узгүлтүксүз, резольвант, барабарсыздык.

ВЫБОР ПАРАМЕТРА РЕГУЛЯРИЗАЦИИ РЕШЕНИЙ ИНТЕГРАЛЬНОГО УРАВНЕНИЯ ВОЛЬТЕРРЫ ПЕРВОГО РОДА

*Авыт Асанов, д.ф.-м.н., проф. КТУ «Манас», г. Бишкек,
avyt.asanov@manas.edu.rg*

*Чоюбеков Сапарбек Мийзамбекович, Ст.преп. ОшГУ,
г. Ош, choybekov.25.04.70@gmail.com*

Аннотация: В рассматриваемой работе выбран параметр регуляризации для решения линейного интегрального уравнения Вольтерра первого рода.

Во многих работах были исследованы различные вопросы касательно интегральных уравнений. Даже когда уравнение Вольтерра I-го рода является интегральным уравнением с точным результатом, неклассические уравнения, интегрируемые пределом, являются линейными и это связано с необходимостью разработки новых методов единственности их решений. Но в данной работе получены основополагающие результаты для интегральных уравнений Вольтерра первого рода, где для решения линейных интегральных уравнений Вольтерра построены регуляризирующие операторы по М.М. Лаврентьеву.

Ключевые слова: возрастающая, непрерывные, условия, переменные, Дирихле, Гроноулла, интеграл, уравнение, непрерывные, резольванта, неравенство.

SELECTION OF THE REGULARIZATION PARAMETER FOR SOLUTIONS OF THE VOLTERRA INTEGRAL EQUATION OF THE FIRST TYPE

*Avyt Asanov, Ph.D., Professor. KTU "Manas", Bishkek,
avyt.asanov@manas.edu.rg*

*Choybekov Saparbek, St. Rev. Osh State University, Osh,
choybekov.25.04.70@gmail.com*

Abstract: In this paper, we have chosen a regularization parameter for solving the linear Volterra integral equation of the first kind.

Various questions for integral equations have been investigated in many papers. Even when the Volterra equation of the first kind is an integral equation with an exact output, non-classical equations

integrable by the limit are linear and this is due to the need to develop new methods for the uniqueness of their solutions. But in this paper, fundamental results are obtained for Volterra integral equations of the first kind, where regularizing operators are constructed according to M.M. Lavrentiev to solve Volterra linear integral equations.

Keywords: increasing, continuous, conditions, variables, Dirichlet, Gronoull, integral, equation, continuous, resolvent, inequality.

Киришүү

Интегралдык тендемелердин теориялык бөлүгү ар кандай эмгектерде изилденген. Атап айтканда, [1] эмгекте Фредгольмдун биринчи типтеги сзыыктуу интегралдык тендемелери изилденген, алар учун Лаврентьев боюнча регуляризациялоочу операторлор тургуулган. [2] эмгекте теория келтирилген жана Вольтерранын биринчи типтеги классикалык эмес интегралдык тендемелерин диагоналда нөлгө чейин дифференцияланган жана нөлдөн айырмаланган ядролору менен чечүүнүн сандык ыкмалары колдонулат. [3, 4] эмгектерде чечимдердин жалгыздыгыныни жетиштүү шарттары алынган жана Вольтеррдин биринчи жана үчүнчү типтеги сзыыктуу жана сзыыктуу эмес интегралдык тендемелеринин системаларынын чечимдерин регуляризациялоо маселелери изилденген. [5, 7] эмгектерде Липшицтин шарттары менен классикалык эмес интегралдык тендемени чечүү үчүн регуляризациялоочу оператор курулган жана жалгыздык теоремалары далилденген.

Бул эмгекте вольтеррдин биринчи типтеги классикалык эмес сзыыктуу интегралдык тендемесин чечүү учун регуляризация параметри таңдалган.

Маселенин коюлушу:

Төмөнкү интегралдык тендемени карайлы:

$$\int_{\alpha(t)}^t K(t,s)u(s)ds = f(t), \quad t \in [t_0, T] \quad (1)$$

мында $\alpha(t) \in C[t_0, t]$, $\alpha(t_0) = t_0$, $\alpha(t) \leq t$, $t \in [t_0, T]$ жана $K(t,s)$, $f(t)$ – функциялары $G = \{(t,s) : t_0 \leq t \leq T, \alpha(t) \leq s \leq t\}$ аймагында жана $[t_0, t]$ кесиндисинде берилген функциялар, ошондой эле $[t_0, t]$ кесиндисинде $f_\delta(t)$ үзүлтүксүз функциясы $f(t)$ үзүлтүксүз функциясына жакындаштырылып берилген функция болсун. Ал эми $u(t) - [t_0, T]$ кесиндисинде изделүүчүү функция.

Маселенин чеилиши;

(1) тендеме менен бирге төмөнкү тендемелерди да карайлы:

$$\varepsilon v(t, \varepsilon) + \int_{\alpha(t)}^t K(t,s)v(s, \varepsilon)ds = f(t) + \varepsilon u(t_0); \quad t \in [t_0, T], \quad (2)$$

$$\varepsilon v_\delta(t, \varepsilon) + \int_{\alpha(t)}^t K(t,s)v_\delta(s, \varepsilon)ds = f_\delta(t) + \varepsilon u_\delta(t_0); \quad t \in [t_0, T], \quad (3)$$

мында $0 < \varepsilon < 1$ – кандайдыр кичинекей параметр,

$$\|f(t) - f_\delta(t)\|_C = \sup_{t \in [t_0, T]} |f(t) - f_\delta(t)| < \delta, \quad |u(t_0) - u_\delta(t_0)| < \alpha_0 \delta, \quad (4)$$

$0 < \alpha_0$ жана $0 < \delta < 1$ кичинекей параметр.

Эми (2) тендемеден (3.3.3) тендемени кемитип,

$$\zeta_\delta(t, \varepsilon) = v(t, \varepsilon) - v_\delta(t, \varepsilon) \quad (5)$$

белгилөөсүн киргизип төмөнкү

$$\varepsilon \zeta_\delta(t, \varepsilon) + \int_{\alpha(t)}^t K(t,s)\zeta_\delta(s, \varepsilon)ds = [f(t) - f_\delta(t)] + \varepsilon[u(t_0) - u_\delta(t_0)], \quad t \in [t_0, T],$$

тендемени алабыз.

Акыркы тендемени төмөнкү көрүнүштө кайра жазып чыгабыз:

$$\begin{aligned} \zeta_\delta(t, \varepsilon) + \frac{1}{\varepsilon} \int_{t_0}^t K(s,s)\zeta_\delta(s, \varepsilon)ds &= -\frac{1}{\varepsilon} \int_{\alpha(t)}^t [K(t,s) - K(s,s)]\zeta_\delta(s, \varepsilon)ds + \\ &+ \frac{1}{\varepsilon} \int_{t_0}^{\alpha(t)} K(s,s)\zeta_\delta(s, \varepsilon)ds + \frac{1}{\varepsilon} [f(t) - f_\delta(t)] + [u(t_0) - u_\delta(t_0)]; \quad t \in [t_0, T] \end{aligned} \quad (6)$$

Эми $-\frac{1}{\varepsilon} K(s, s)$ ядросу үчүн $R(t, s, \varepsilon) = -\frac{1}{\varepsilon} K(s, s) e^{-\frac{1}{\varepsilon} \int_s^t K(\tau, \tau) d\tau}$ резольвантасын колдонуп, (6)
тендемени өзгөртүп түзөбүз [7-9].

$$\begin{aligned} \xi_\delta(t, \varepsilon) = & -\frac{1}{\varepsilon} \int_{\alpha(t)}^t [K(t, s) - K(s, s)] \zeta_\delta(s, \varepsilon) ds + \frac{1}{\varepsilon} \int_{t_0}^{\alpha(t)} K(s, s) \zeta_\delta(s, \varepsilon) ds + \\ & + \frac{1}{\varepsilon} [f(t) - f_\delta(t)] + [u(t_0) - u_\delta(t_0)] + \frac{1}{\varepsilon^2} \int_{t_0}^t \int_{\alpha(s)}^s K(s, s) e^{-\frac{1}{\varepsilon} \int_s^t K(\tau, \tau) d\tau} [K(s, \tau) - K(t, \tau)] \zeta_\delta(\tau, \varepsilon) d\tau ds + \\ & + \frac{1}{\varepsilon^2} \int_{t_0}^t \int_{\alpha(s)}^s K(s, s) e^{-\frac{1}{\varepsilon} \int_s^t K(\tau, \tau) d\tau} [K(t, \tau) - K(\tau, \tau)] \zeta_\delta(\tau, \varepsilon) d\tau ds - \\ & - \frac{1}{\varepsilon^2} \int_{t_0}^t \int_{t_0}^s K(s, s) e^{-\frac{1}{\varepsilon} \int_s^t K(\tau, \tau) d\tau} K(\tau, \tau) \zeta_\delta(\tau, \varepsilon) d\tau ds - \\ & - \frac{1}{\varepsilon} \int_{t_0}^t K(s, s) e^{-\frac{1}{\varepsilon} \int_s^t K(\tau, \tau) d\tau} \left\{ \frac{1}{\varepsilon} [f(s) - f_\delta(s)] + [u(t_0) - u_\delta(t_0)] \right\} ds; \quad t \in [t_0, T] \end{aligned} \quad (7)$$

түрүндө жазабыз.

Кош интегралдарды эсептейбиз, бул учурда Дирихленин жалпыланган формуласын колдонообуз жана $d_s(-\frac{1}{\varepsilon} \int_s^t K(\tau, \tau) d\tau) = \frac{1}{\varepsilon} K(s, s) ds$, $\alpha(t) \leq t$, $t \in [t_0, T]$ экенин эске алабыз. Буга [7] ду колдонообуз:

I_1 , I_2 , I_3 жана I_4 түн негизенде (7) тендеме төмөнкү көрүнүштү алат:

$$\begin{aligned} \zeta_\delta(t, \varepsilon) = & \frac{1}{\varepsilon} \int_{t_0}^{\alpha(t)} \left\{ K(\tau, \tau) e^{-\frac{1}{\varepsilon} \int_{\alpha^{-1}(\tau)}^t K(s, s) ds} + \int_{\alpha^{-1}(\tau)}^{\alpha(t)} \frac{1}{\varepsilon} K(s, s) e^{-\frac{1}{\varepsilon} \int_s^t K(\tau, \tau) d\tau} [K(s, \tau) - K(t, \tau)] ds + \right. \\ & \left. + \left[e^{-\frac{1}{\varepsilon} \int_{\alpha^{-1}(\tau)}^t K(\tau, \tau) d\tau} - e^{-\frac{1}{\varepsilon} \int_t^t K(\tau, \tau) d\tau} \right] [K(t, \tau) - K(\tau, \tau)] \right\} \zeta_\delta(\tau, \varepsilon) d\tau + \\ & + \frac{1}{\varepsilon} \int_{\alpha(t)}^t \left\{ -[K(t, \tau) - K(\tau, \tau)] + \frac{1}{\varepsilon} \int_{\tau}^t K(s, s) e^{-\frac{1}{\varepsilon} \int_s^t K(\tau, \tau) d\tau} [K(s, \tau) - K(t, \tau)] ds + \right. \\ & \left. + \left[1 - e^{-\frac{1}{\varepsilon} \int_{\alpha(t)}^t K(\tau, \tau) d\tau} \right] [K(t, \tau) - K(\tau, \tau)] \right\} \zeta_\delta(\tau, \varepsilon) d\tau + \left\{ \frac{1}{\varepsilon} [f(t) - f_\delta(t)] + [u(t_0) - u_\delta(t_0)] \right\} - \\ & - \frac{1}{\varepsilon} \int_{t_0}^t K(s, s) e^{-\frac{1}{\varepsilon} \int_s^t K(\tau, \tau) d\tau} \left\{ \frac{1}{\varepsilon} [f(s) - f_\delta(s)] + [u(t_0) - u_\delta(t_0)] \right\} ds; \quad t \in [t_0, T] \end{aligned} \quad (8)$$

Бул (8) тендемени

$$\begin{aligned} \zeta_\delta(t, \varepsilon) = & \int_{t_0}^{\alpha(t)} H_0(t, \tau, \varepsilon) \zeta_\delta(\tau, \varepsilon) d\tau + \int_{t_0}^{\alpha(t)} H_1(t, \tau, \varepsilon) \zeta_\delta(\tau, \varepsilon) d\tau + \\ & + \int_{\alpha(t)}^t H_2(t, \tau, \varepsilon) \zeta_\delta(\tau, \varepsilon) d\tau + U_\delta(t, \varepsilon); \quad t \in [t_0, T] \end{aligned} \quad (9)$$

түрүндө жазабыз. Мында

$$H_0(t, \tau, \varepsilon) = \frac{1}{\varepsilon} K(\alpha^{-1}(\tau), \tau) e^{\frac{-1}{\varepsilon} \int_{\alpha^{-1}(\tau)}^t K(s, s) ds}; \quad (10)$$

$$\begin{aligned} H_1(t, \tau, \varepsilon) = & -\frac{1}{\varepsilon} e^{\frac{-1}{\varepsilon} \int_{\tau}^t K(s, s) ds} [K(t, \tau) - K(\tau, \tau)] + \frac{1}{\varepsilon} [K(t, \tau) - K(\alpha^{-1}(\tau), \tau)] e^{\frac{-1}{\varepsilon} \int_{\alpha^{-1}(\tau)}^t K(s, s) ds} + \\ & + \frac{1}{\varepsilon^2} \int_{\tau}^{\alpha^{-1}(\tau)} K(s, s) e^{\frac{-1}{\varepsilon} \int_s^t K(\tau, \tau) d\tau} [K(s, \tau) - K(t, \tau)] ds; \end{aligned} \quad (11)$$

$$H_2(t, \tau, \varepsilon) = -\frac{1}{\varepsilon} e^{\frac{-1}{\varepsilon} \int_{\tau}^t K(s, s) ds} [K(t, \tau) - K(\tau, \tau)] - \frac{1}{\varepsilon^2} \int_{\tau}^t K(s, s) e^{\frac{-1}{\varepsilon} \int_s^t K(\tau, \tau) d\tau} [K(t, \tau) - K(s, \tau)] ds; \quad (12)$$

$$\begin{aligned} U_{\delta}(t, \varepsilon) = & \frac{1}{\varepsilon} [f(t) - f_{\delta}(t)] + [u(t_0) - u_{\delta}(t_0)] - \\ & - \frac{1}{\varepsilon} \int_{t_0}^t K(s, s) e^{\frac{-1}{\varepsilon} \int_s^t K(\tau, \tau) d\tau} \left\{ \frac{1}{\varepsilon} [f(s) - f_{\delta}(s)] + [u(t_0) - u_{\delta}(t_0)] \right\} ds; \end{aligned} \quad (13)$$

Төмөнкү шарттар орун алсын дейли:

1⁰ Дээрлик бардык $t \in [t_0, T]$ үчүн $\alpha'(t) > 0$ жана $\alpha(t) \in C^1[t_0, T]$;

2⁰ Бардык $s \in [t_0, T]$ үчүн $K(s, s) \geq m > 0$ жана $K(t, t) \in C[t_0, T]$;

3⁰ $\forall t, \tau \in [t_0, T] \quad (t > \tau)$ үчүн жана бардык $(t, s), (\tau, s) \in G$ үчүн $|K(t, \tau) - K(s, \tau)| \leq L(t - s)$, $L > 0 - const$.

Андан кийин, [7] до далилдентген леммаларды төмөнкүчө колдонообуз:

Лемма 1. 1⁰-3⁰ шарттары орун алсын жана $H_0(t, \tau, \varepsilon)$, $H_1(t, \tau, \varepsilon)$, $H_2(t, \tau, \varepsilon)$ функциялары тиешелүү түрдө (10), (11) жана (12) формулалары менен аныкталсын дейли, анда төмөнкү баалоолор орун алат:

$$1) \int_{t_0}^{\alpha(t)} |H_0(t, \tau, \varepsilon)| d\tau \leq \gamma_0, \quad t \in [t_0, T]; \quad (14)$$

$$\text{мында } \gamma_0 = \sup_{\tau \in [t_0, T]} \frac{|K(\tau, \alpha(\tau))| \alpha'(\tau)}{K(\tau, \tau)}.$$

$$2) |H_1(t, \tau, \varepsilon)| \leq \frac{L}{m} (2e^{-1} + 1), \quad (t, \tau) \in G_1 = \{(t, \tau) : t_0 \leq t \leq T, t_0 \leq \tau \leq \alpha(t)\}; \quad (15)$$

$$3) |H_2(t, \tau, \varepsilon)| \leq \frac{L}{m}, \quad (t, \tau) \in G = \{(t, \tau) : t_0 \leq t \leq T, \alpha(t) \leq \tau \leq t\}. \quad (16)$$

Лемма 2. Эгерде 2⁰ шарт орун алса, $U_{\delta}(t, \varepsilon)$ (13) формула менен аныкталса жана $f(t), f_{\delta}(t) \in C[t_0, T]$ болсо, анда $[t_0, T]$ кесиндисинде төмөнкү баалоо

$$\|U_{\delta}(t, \varepsilon)\|_C \leq 2\left(\frac{\delta}{\varepsilon} + \alpha_0 \delta\right); \quad (17)$$

туура болот. Мында $\|f(t) - f_{\delta}(t)\|_C = \sup_{t \in [t_0, T]} |f(t) - f_{\delta}(t)| \leq \delta$, $|u(t_0) - u_{\delta}(t_0)| \leq \alpha_0 \delta$; $0 < \alpha_0$ жана $0 < \delta < 1$ кичинекей параметр.

Далилдөө: Бул учурда ар кандай $t \in [t_0, T]$ үчүн (13) формуладан төмөнкүнү алабыз:

$$\begin{aligned} U_{\delta}(t, \varepsilon) \leq & \left\{ \frac{1}{\varepsilon} \|f(t) - f_{\delta}(t)\|_C + \|u(t_0) - u_{\delta}(t_0)\|_C \right\} e^{\frac{-1}{\varepsilon} \int_{t_0}^t K(s, s) ds} + \\ & + \left\{ \frac{1}{\varepsilon} \|f(t) - f_{\delta}(t)\|_C + \|u(t_0) - u_{\delta}(t_0)\|_C \right\} \frac{1}{\varepsilon} \int_{t_0}^t K(s, s) e^{\frac{-1}{\varepsilon} \int_s^t K(\tau, \tau) d\tau} \leq \end{aligned}$$

$$\leq \left(\frac{\delta}{\varepsilon} + \alpha_0 \delta \right) e^{\frac{1}{\varepsilon_s} \int_{\varepsilon_s}^t K(\tau, \tau) d\tau} + \left(\frac{\delta}{\varepsilon} + \alpha_0 \delta \right) e^{\frac{1}{\varepsilon_s} \int_t^T K(\tau, \tau) d\tau} \leq 2 \left(\frac{\delta}{\varepsilon} + \alpha_0 \delta \right);$$

мында $e^{\frac{1}{\varepsilon_s} \int_{\varepsilon_s}^t K(\tau, \tau) d\tau} \leq 1$. Талап кылышкан далилденди.

Теорема 1. 1⁰-3⁰ шарттары орун алсын жана $\gamma_0 b_0 < 1$ шарт орун алсын дейли, мында

$$\gamma_0 = \sup_{v \in [t_0, T]} \frac{|K(v, \alpha(v))| \alpha'(v)}{K(v, v)}, \quad b_0 = \exp \left[\frac{L}{m} (2e^{-1} + 1)(T - t_0) \right].$$

Ошондой эле (4) шартты аткарылсын, $v(t, \varepsilon)$ функциясы (2) тендерменин чыгарыльшы болсун, ал эми $v_\delta(t, \varepsilon)$ функциясы (3) интегралдык тендерменин чыгарыльшы болсун дейли. Анда

$$\|v(t, \varepsilon) - v_\delta(t, \varepsilon)\|_C \leq \frac{2b_0}{1 - \gamma_0 b_0} \left[\frac{\delta}{\varepsilon} + \alpha_0 \delta \right]$$

баалоосу туура болот.

Далилдөө. Бул учурда (5) белгилөөнүн негизинде (9) дан төмөнкү баалоого ээ болобуз:

$$\begin{aligned} |v(t, \varepsilon) - v_\delta(t, \varepsilon)| &\leq \int_{t_0}^{\alpha(t)} |H_0(t, \tau, \varepsilon)| \|\xi_\delta(\tau, \varepsilon)\| d\tau + \int_{t_0}^{\alpha(t)} |H_1(t, \tau, \varepsilon)| \|\xi_\delta(\tau, \varepsilon)\| d\tau + \\ &+ \int_{t_0}^t |H_2(t, \tau, \varepsilon)| \|\xi_\delta(\tau, \varepsilon)\| d\tau + \|U_\delta(t, \varepsilon)\|_C, \quad t \in [t_0, T]. \end{aligned}$$

Мындан лемма 1 жана лемма 2 ни эске алып төмөнкүнү алабыз:

$$|v(t, \varepsilon) - v_\delta(t, \varepsilon)| \leq \int_{t_0}^t \frac{L}{m} (2e^{-1} + 1) |v(\tau, \varepsilon) - v_\delta(\tau, \varepsilon)| d\tau + \gamma_0 \|v(t, \varepsilon) - v_\delta(t, \varepsilon)\|_C + 2 \left(\frac{\delta}{\varepsilon} + \alpha_0 \delta \right), \quad t \in [t_0, T].$$

Бул ақыркы барабардыздыкка Гроноулла-Белмандын барабарсыздыгын колдонуп, төмөнкүнү алабыз:

$$\|v(t, \varepsilon) - v_\delta(t, \varepsilon)\|_C \leq \gamma_0 b_0 \|v(t, \varepsilon) - v_\delta(t, \varepsilon)\|_C + 2b_0 \left(\frac{\delta}{\varepsilon} + \alpha_0 \delta \right), \quad t \in [t_0, T].$$

Теорема 1 далилденди.

Теорема 2. Теорема 1 дин шарттары орун алсын. Анда:

1) эгерде (1) тендерме $u(t) \in C[t_0, T]$ чечимине ээ болсо, анда (3) интегралдык тендермесинин $v_\delta(t, \varepsilon)$ чыгарыльшы $\varepsilon = \sqrt{\delta} \rightarrow 0$ умтулганда $C[t_0, T]$ нормасы боюнча $u(t)$ чечимине умтулат жана төмөнкү баалоо

$$\|v_\delta(t, \sqrt{\delta}) - u(t)\|_C \leq \frac{b_0}{1 - b_0 \gamma_0} [2\|u(t)\|_C e^{-\frac{m}{\delta^{(1-\beta)/2}}} + w_u(\delta^{\beta/2})] + 2(\sqrt{\delta} + \alpha_0 \delta), \quad (18)$$

туура болот. Мында $w_u(\delta) = \sup_{|t-s| \leq \delta} |u(t) - u(s)|$;

2) эгерде (1) интегралдык тендерме $u(t) \in C^\gamma[t_0, T]$, $0 \leq \gamma \leq 1$ чечимине ээ болсо, анда (3) интегралдык тендерменин $v_\delta(t, \sqrt{\delta})$ чыгарыльшы $\delta \rightarrow 0$ умтулганда $C[t_0, T]$ нормасы боюнча $u(t)$ чечимине умтулат жана төмөнкү баалоо

$$\|v_\delta(t, \sqrt{\delta}) - u(t)\|_C \leq \frac{b_0}{1-b_0\gamma_0} [C_0 C_\gamma \gamma \delta^{\frac{\gamma}{2}} + 2(\sqrt{\delta} + \alpha_0 \delta)], \quad (19)$$

туура болот. Мында $C_\gamma = \sup_{t,s \in [t_0, T]} \frac{|u(t) - u(s)|}{|t-s|^\gamma}$, $C_0 = \int_0^\infty e^{-m\tau} \tau^{\gamma-1} d\tau$.

Далилдөө. Бул учурда

$$\|v_\delta(t, \sqrt{\delta}) - u(t)\|_C \leq \|v_\delta(t, \sqrt{\delta}) - v(t, \varepsilon)\|_C + \|v(t, \varepsilon) - u(t)\|_C$$

Бул ақыркы барабарсыздыкка теорема 1 ди колдонообуз. Анда 1) учурда $\varepsilon = \sqrt{\delta}$ болгондо, (18) барабарсыздыкты алабыз. Ал эми 2) учурда, $\varepsilon = \sqrt{\delta}$ болгондо, (19) барабарсыздыкты алабыз.
Теорема 2 далилденди.

Жыйынтык:

Вольтерранын бириңчи типтеги классикалык эмес сзыяктуу интегралдык тендересин чечүү үчүн регуляризациялоо параметри тандалды.

Адабияттар:

1. М.М. Лаврентьев, об интергальных уравнениях первого рода // докл.АН СССР, 127, №1, 31-33 (1959)
2. А.С. Апарчин, Неклассические уравнения Вольтерра первого рода // Теория и численные методы
– Новосибирск: Наука, Сибирское отделение, 1999. -193 стр;
3. М.И. Иманалиев, А. Асанов, О решениях систем нелинейных интегральных уравнений Вольтерра
первого рода // доклады АН СССР, 309, №5, 1053-1056, (1975)
4. М.И. Иманалиев, А. Асанов, Регуляризация и единственность решений для интегральных уравнений Вольтерра третьего рода // доклады РАН, 415, №1, 14-17, (2007)
5. Чоубеков С.М. Регуляризация решения неклассического интегрального уравнения со условиями
Липшица //Международ. научный журнал «Молодой ученый» № 8(112) г.Казань,2016,Стр.-34-38
6. А. Асанов, Чоубеков С.М. Решение неклассических интегральных уравнений Вольтерра первого
рода с вырожденным нелинейным ядром // Международный научно- исследовательский журнал.
4(70) апрель, г. Екатеринбург 2018, стр. 134-139.
7. Асанов А., Чоубеков С.М. Выбор параметра регуляризации интегральных уравнений
Вольтерра
I рода с переменными пределами интеграла // «Известия ВУЗов Кыргызстана» № 1, стр.6-10, г.
Бишкек 2018.