## Математическая модель задачи оптимального развития водного хозяйства

Проблемы развития мелиорации и водного хозяйства региона должны решаться в составе целевой долгосрочной программы его социально - экономического развития [1-5], где мелиорации и водохозяйственные мероприятия выступают в качестве альтернативных вариантов достижения социально — экономических целей с учетом природоохранных задач. В свою очередь, научно- обоснованная оценка таких крупномасштабных мероприятий, как зарегулирование межбассейновой переброски стоков рек, возможна лишь в рамках задач комплексного использования и охраны водных, земельных и других ресурсов региона в целом на перспективу до 2015 года и за его пределами.

Вопросы комплексного использования ограниченных водных и земельных ресурсов затрагивают интересы многих отраслей, районов, хозяйственных органов, организаций и т.д. Цели их могут не совпадать или даже быть противоположными. По этому поводу предполагается следующее:

- для некоторых производственных единиц арбитражный орган заранее количественно определяет разумные компромиссы путем задания ограничений на степень удовлетворения интересов в виде предельно допустимых концентраций, выбросов, в виде максимальных объемов потребления дефицитных ресурсов или выпусков своей продукции;
- для остальных производственных единиц четко определяют как показатели экономического эффекта от потребления и использования водных и земельных ресурсов, так и нормативы ущербов от их изъятия и снижения функционирования данных производств. Показателем ущерба от ущемления водопользования, в каком-либо производстве является потеря того эффекта, который можно было бы здесь получить при использовании недоданного объема воды.

Поэтому ущерб от ограничения объемов водоподачи производству — это эффект от этого количества воды в данном производстве, взятый с противоположном знаком. Его следует сопоставлять с эффектом использования этого объема воды в других конкурирующих производствах. При этом зачастую не следует игнорировать и косвенные эффекты (ущербы), возникающие в сопряженных по поставкам производствах, т.к. величины их нередко сравнимы с прямыми эффектами. Ущерб рассчитывается тогда, когда конструктивно удобнее рассуждать в терминах ущербов, а именно: когда структура производства явно не отражена в модели и эффекты невозможно представить детально, в вариантах; мощность или объем производства продукции заданы фиксировано как для действующих производств. Тогда усреднено описываются лишь потери от сокращения производства в результате уменьшения поставок дефицитного ресурса.

- 1. На перспективу четко определяется место региона в экономике страны: его внешние связи по ввозу и вывозу готовых продуктов и сырья. По сельскому хозяйству как отрасли, который принадлежит основная доля используемых земельных и водных ресурсов и где представлено наибольшее разнообразие технологических, пространственных и прочих вариантов их использования, внешние связи описываются в виде заданных минимальных или максимальных объемов продуктов и сырья. По остальным водоемким и землеемким отраслям в виде фиксированных объемов выпускаемой продукции или необходимых мощностей с нормативами водопотребления.
- 2. Установлены объемы или душевые нормативы (с прогнозами и численности населения) перспективных потребностей населения региона в продуктах питания, а для промышленности, перерабатывающей сельскохозяйственное сырье нормативы потребностей в местном сырье на единицу готовой продукции.
- 3. Из целевой программы социально экономического развития региона можно определить объемы основных ресурсов, выделяемых на развитие агропромышленных комплексов региона (в том числе сельскому хозяйству): трудовые ресурсы, удобрения, основные виды техники, капитальные вложения в производственную и непроизводственную сферы.

4. Территория региона подразделяется на административные или водохозяйственные районы, для каждого из которых дано подробное количественное и качественное описание водных источников и земельных ресурсов, действующих проектируемых водохозяйственных объектов, размещенных на его территории, водоемких отраслей промышленности и потребности в воде (определяемые в пределах региона) других отраслей. Исходя из этих предположений определяются, во –первых, конкретные задачи развития агропромышленного комплекса (в том числе сельского хозяйства региона) в общем процессе развития производительных сил региона; а отсюда – и роль мелиорации в решении программы социально – экономического развития региона; вовторых, вычисляются ресурсы и определяются условия выбора наилучших вариантов использования водных и земельных ресурсов региона. При этом в тех отраслях, помимо сельского хозяйства, где четко не фиксированы объемы потребляемых водных и земельных ресурсов, так же можно рассматривать варианты развития этих отраслей.

В этом случае удается соизмерить и трансформировать разнообразные цели водопользования и землепользования в одну цель и выразить ее в критерии обоснованного, необходимого роста выпуска продукции конечного потребления (в основном продукции сельскохозяйственного происхождения) с учетом максимального роста внутренних, региональных накоплений на расширение производства и социальные нужды при соблюдении требований разумного природопользования.

В межотраслевой природно-экономический комплекс региона необходимо включать следующее отрасли:

- водное хозяйство региона, с его водо-охранной системой;
- -сельское хозяйство (орошение, обводнение, водоснабжение, осущение, богарное земледелие, животноводство);
- водоемкие отрасли промышленности: целюлозно бумажную; алюминиевую; химическую; цветную и черную металлургию; гидролиз древесины и другие;
  - рыбное хозяйство (рыбоохрана, рыбоводство, промышленное рыболовство);
  - гидроэнергетика;
  - теплоэнергетика;
  - транспорт;
  - коммунальное хозяйство городов и промышленных центров;
  - использование воды в оздоровительных целях.

Как уже выше было сказано, по большинству этих отраслей средние нормативы или объемы водопотребления задаются фиксированными и в модель входят как экзогенные параметры.

Математическая формализация задачи оптимального развития мелиорации и водного хозяйства региона, может быть, записана в виде:

$$A_{I}^{ij} y_{ij} + A_{2}^{ij} z_{ij} \leq e_{i}, (1)$$

$$\sum_{j} z_{ij} \leq \Delta e_{i}, (2)$$

$$\sum_{j} (q_{i}, y_{ij}) \leq Q_{i}, (3)$$

$$\sum_{j} (k_{i}, z_{ij}) = K_{i}, (4)$$

$$(u_{i}, y_{ij}) - d_{ij} \lambda_{ij} \leq O, (5)$$

$$\sum_{i} \sum_{j} (u_{i} y_{ij}) \geq P, (6)$$

$$Q_{i} \leq Q_{i}^{M} + Q_{i}^{\Pi} + \sum_{SEL_{i}^{k}} \Delta Q_{Si} - \sum_{SEL_{i}^{H}} \Delta Q_{is} + \overline{Q_{i}^{3}}, (7)$$

$$Q_{i}^{M} \leq N_{i}^{M} Q_{i}^{\Pi} \leq N_{i}^{\Pi}$$
,  $\Delta Q_{Si} \leq N_{Si}$ ,  $\overline{Q}_{i}^{3} \leq N_{i}^{3}$ , (8)
$$\sum_{i} \left(K_{i}^{M} N_{i}^{M} + K_{i}^{\Pi} N_{i}^{\Pi} + K_{i}^{3} N_{i}^{3}\right) + \sum_{i,S} K_{iS} N_{iS} = \overline{K}$$
, (9)

неотрицательных переменных, (10)
$$\max \left[\sum_{i,j} \Phi_{ij} - E\left(\sum_{i} K_{i} + \overline{K}\right)\right]$$
, (11)
где
$$i = \overline{1,m}; \quad s = \overline{1,m}; \quad j = \overline{1,n};$$

 $\mathcal{Y}_{ij}$  - интенсивности способов производства в i-ом районе, участвующих в выпуске j – го ассортиментного набора;

 $Z_{ij}$  – интенсивности способов расширения мощностей производства (в том числе – интенсивностей развития орошения) в i-ом районе, участвующих в выпуске j- го ассортиментного набора;

 $\lambda_{ij}$  - количество ассортиментных наборов j – го типа, выпускаемых в i-ом районе;

 $A_{I}^{ij}$  - матрица затрат ресурсов или выпуска продуктов по производственным способом ;

 $A_2^{ij}$  - матрица нормативов прироста ресурсов на единицу интенсивности способа при расширении мощностей производства в i-ом районе;

 $q_i^{\, -}$  вектор нормативов затрат воды на единицу интенсивности производственного способа в i-ом районе;

 $k_i$  - вектор нормативов затрат капитальных вложений на единицу интенсивности способов расширения, соответствующих мощностям производства в i-ом районе;

 $d_{ij}$  - вектор, характеризующий состав j – го ассортиментного набора, выпускаемого в i-ом районе;

 $\mathcal{U}_i$  – матрица нормативов выпуска товарных видов продукции на единицу интенсивности производственных способов в і -ом районе;

 $Q_{i}^{M}$  - объем освоения ресурсов воды местного стока в і -ом районе;

 $Q_{i}^{II}$  - объем освоения ресурсов подземных вод в i -ом районе;

 $Q_i$ - количество воды, используемой в i -ом районе;

 $Q_{\varsigma}$  объем воды, осваиваемой в і -ом районе за счет ее перераспределения ;

 $Q_{iS}$  объем воды, который перераспределяется из района і -ом район S;

 $Q_i^3$  - ресурсы освоения воды за счет зарегулирования стока в і -ом районе;

 $L_i^H$  - множества тех районов, для которых і —ый район является «поставщиком» водных ресурсов при их распределении, естественном (транзитный сток) или при искусственном переброске стоков;

 $L_i^K$  - множества тех районов, «поставщиков воды», для которых і —ый район является получателем воды при переброске, или смежных с і —ым районов, для которых естественный сток реки является транзитным;

 $N_i^M$ ,  $N_i^\Pi$ ,  $N_{Si}$ ,  $N_i^3$  - соответствующие мощности создаваемых водохозяйственных сооружения транзитным;

 $K_i^M$ ,  $K_i^I$ ,  $K_i^3$ ,  $K_{iS}$  - нормативы капитальных затрат на единицу мощности сооружений при освоении ресурсов воды из соответствующих источников без учета затрат, пропорциональных площади орошения и учтенных в ограничениях (4);

Е - норматив эффективности капитальных вложений;

 $C_{ij}^{-}$  вектор нормативов чистого дохода на единицу интенсивности способа, участвующего в выпуске j – го ассортиментного набора в i -ом районе;

 $\boldsymbol{\mathcal{G}}_i$  – вектор ресурсов и необходимых выпусков продукции в і -ом районе;

 $\Delta \, {\it G}_i$  – допустимые приращения компонента вектора  ${\it G}_i$  (например, фонды освоения земли и т.п.);

 $K_i$  - объем капитальных вложений выделяемых на развитие экономики i - го района (в т.ч. на освоение земель под орошение и другие мелиорации) без учета затрат на водохозяйственное строительство;

P – вектор заданий по выпуску товарной продукции по региону в целом;

 $\overline{K}$  - объем капитальных вложений, выделяемых на водохозяйственное строительство региону в целом.

Опишем содержательный смысл ограничений этой модели:

Первая - относится к ресурсным и продуктовым внутрирайонным ограничениям.

Вторая - это ограничения на переменные по расширению мощностей производства. Третья группа ограничений относится к ресурсам воды, используемым в каждом районе. Четвертая — ограничения по капитальным вложениям на развитие экономики каждого района. Пятая группа ограничений — ограничения по формированию ассортиментных наборов. Шестая группа — ограничения по необходимому выпуску товарных продуктов в регионе в целом. Седьмая группа ограничений — балансы по водным ресурсам в каждом районе. Ограничения 8- — ограничения по мощности создаваемых водохозяйственных объектов. Девятая — ограничения по капитальным вложениям на развитие водного хозяйства региона в целом.

В качестве целевой функции берется максимум чистого дохода с учетом приведенных капитальных вложений с соблюдением определенных ассортиментными наборами соотношений в выпуске продуктов. А задачу (1)-(11) можно решить с помощью ППП и ЭВМ.

## Литература

- 1. Сапарбаев А.Д. Модельный инструментарий управления агрофирмой. Алматы, НИЦ «Fылым», 2003. 200с.
- 2. Сапарбаев А.Д. Модельная оценка транспортных потоков зерна и зернопродуктов. Алматы, «Издательство «LEM», 2002. 256с.
- 3. Сапарбаев А.Д., Нигай Б.Н., Макулова А.Т. Рыночная экономика аграрного сектора. Алматы, «LEM», 2001. 92с.
- 4. Карпенко А.Ф., Кардаш В.А., Низова Н.С. и др. Практикум по математическому моделированию экономических процессов в сельском хозяйстве. Москва, Агропромиздат, 1985. 259с.
- 5. Попов Н.А. Организация сельскохозяйственного производства. Москва, Издательство «ЭКМОС», 2000. 352с.